## **RODRIGO ALVES DIAS**

Universidade Federal de Juiz de Fora - UFJF Livro texto: Física 3 - Eletromagnetismo Autores: Sears e Zemansky Edição: 12ª

Editora: Pearson - Addisson and Wesley

23 de maio de 2011



## Objetivos de Aprendizagem

## Ao estudar este capítulo você aprenderá:

As propriedades dos ímãs e como eles interagem entre si.

## Objetivos de Aprendizagem

- As propriedades dos ímãs e como eles interagem entre si.
- A natureza da força que um campo magnético exerce sobre uma partícula carregada em movimento.

## Objetivos de Aprendizagem

- As propriedades dos ímãs e como eles interagem entre si.
- A natureza da força que um campo magnético exerce sobre uma partícula carregada em movimento.
- Qual é a diferença entre as linhas de campo magnético e as linhas de campo elétrico.

## Objetivos de Aprendizagem

- As propriedades dos ímãs e como eles interagem entre si.
- A natureza da força que um campo magnético exerce sobre uma partícula carregada em movimento.
- Qual é a diferença entre as linhas de campo magnético e as linhas de campo elétrico.
- Como analisar o movimento de uma partícula carregada em um campo magnético.

## Objetivos de Aprendizagem

- As propriedades dos ímãs e como eles interagem entre si.
- A natureza da força que um campo magnético exerce sobre uma partícula carregada em movimento.
- Qual é a diferença entre as linhas de campo magnético e as linhas de campo elétrico.
- Como analisar o movimento de uma partícula carregada em um campo magnético.
- Algumas aplicações práticas de campo magnético em química e física.

## Objetivos de Aprendizagem

- As propriedades dos ímãs e como eles interagem entre si.
- A natureza da força que um campo magnético exerce sobre uma partícula carregada em movimento.
- Qual é a diferença entre as linhas de campo magnético e as linhas de campo elétrico.
- Como analisar o movimento de uma partícula carregada em um campo magnético.
- Algumas aplicações práticas de campo magnético em química e física.
- Como analisar as forças magnéticas que atuam sobre condutores que transportam correntes.

## Objetivos de Aprendizagem

- As propriedades dos ímãs e como eles interagem entre si.
- A natureza da força que um campo magnético exerce sobre uma partícula carregada em movimento.
- Qual é a diferença entre as linhas de campo magnético e as linhas de campo elétrico.
- Como analisar o movimento de uma partícula carregada em um campo magnético.
- Algumas aplicações práticas de campo magnético em química e física.
- Como analisar as forças magnéticas que atuam sobre condutores que transportam correntes.
- Como os circuitos de corrente se comportam quando colocados em um campo magnético.

Ímãs permanentes:

 As interações de ímãs permanentes e de agulhas de bússolas eram explicadas com base em pólos magnéticos.

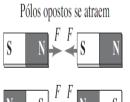
## Ímãs permanentes:

- As interações de ímãs permanentes e de agulhas de bússolas eram explicadas com base em pólos magnéticos.
- Para ímãs permanentes em forma de barra definimos um pólo norte(N) e um pólo sul(S) em cada uma de suas extremidades.



## Îmãs permanentes:

- As interações de ímãs permanentes e de agulhas de bússolas eram explicadas com base em pólos magnéticos.
- Para ímãs permanentes em forma de barra definimos um pólo norte(N) e um pólo sul(S) em cada uma de suas extremidades
- Os pólos opostos se atraem.



## Ímãs permanentes:

- As interações de ímãs permanentes e de agulhas de bússolas eram explicadas com base em pólos magnéticos.
- Para ímãs permanentes em forma de barra definimos um pólo norte(N) e um pólo sul(S) em cada uma de suas extremidades.
- Os pólos opostos se atraem.
- Os pólos iguais se repelem.







# Pólos iguais se repelem







## Ímãs permanentes:

- As interações de ímãs permanentes e de agulhas de bússolas eram explicadas com base em pólos magnéticos.
- Para ímãs permanentes em forma de barra definimos um pólo norte(N) e um pólo sul(S) em cada uma de suas extremidades
- Os pólos opostos se atraem.
- Os pólos iguais se repelem.

## Pólos opostos se atraem





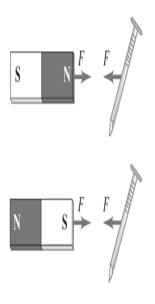
# Pólos iguais se repelem





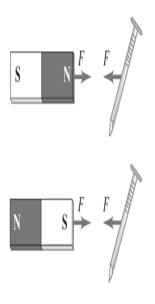






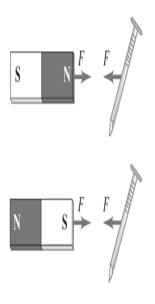






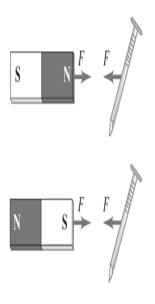






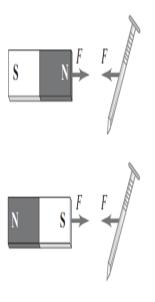












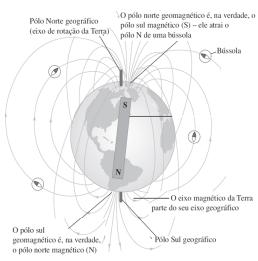
Interação com campos magnéticos e o Campo Magnético da Terra

 Podemos descrever as interações magnéticas com base nas idéias de campo magnético.

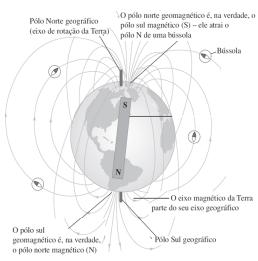
- Podemos descrever as interações magnéticas com base nas idéias de campo magnético.
- Um ímã cria um campo magnético no espaço em torno dele e um segundo corpo sofre a ação desse campo.

- Podemos descrever as interações magnéticas com base nas idéias de campo magnético.
- Um ímã cria um campo magnético no espaço em torno dele e um segundo corpo sofre a ação desse campo.
- A direção do campo em cada ponto é definida pela força que o campo exerceria sobre um pólo norte magnético situado no respectivo ponto.

- Podemos descrever as interações magnéticas com base nas idéias de campo magnético.
- Um ímã cria um campo magnético no espaço em torno dele e um segundo corpo sofre a ação desse campo.
- A direção do campo em cada ponto é definida pela força que o campo exerceria sobre um pólo norte magnético situado no respectivo ponto.
- A Terra é um ímã. Seu Pólo Norte geográfico está próximo do pólo sul magnético. Polo norte de uma agulha de bússola aponta sempre para o norte.



- Podemos descrever as interações magnéticas com base nas idéias de campo magnético.
- Um ímã cria um campo magnético no espaço em torno dele e um segundo corpo sofre a ação desse campo.
- A direção do campo em cada ponto é definida pela força que o campo exerceria sobre um pólo norte magnético situado no respectivo ponto.
- A Terra é um ímã. Seu Pólo Norte geográfico está próximo do pólo sul magnético. Polo norte de uma agulha de bússola aponta sempre para o norte.



O conceito de pólo magnético pode parecer semelhante ao conceito de carga elétrica, no entanto:

Embora exista cargas negativas e positivas isoladas. Ao contrário das cargas elétricas, os pólos magnéticos sempre se formar em pares e não podem ser isolados.



O conceito de pólo magnético pode parecer semelhante ao conceito de carga elétrica, no entanto:

- Embora exista cargas negativas e positivas isoladas.
- Não existem evidências experimentais de pólos magnéticos isolados.

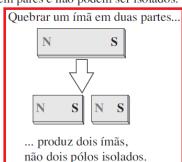
Ao contrário das cargas elétricas, os pólos magnéticos sempre se formar em pares e não podem ser isolados.



O conceito de pólo magnético pode parecer semelhante ao conceito de carga elétrica, no entanto:

- Embora exista cargas negativas e positivas isoladas.
- Não existem evidências experimentais de pólos magnéticos isolados.
- Os pólos magnéticos sempre existem formando pares.

Ao contrário das cargas elétricas, os pólos magnéticos sempre se formar em pares e não podem ser isolados.



O conceito de pólo magnético pode parecer semelhante ao conceito de carga elétrica, no entanto:

- Embora exista cargas negativas e positivas isoladas
- Não existem evidências experimentais de pólos magnéticos isolados.
- Os pólos magnéticos sempre existem formando pares.
- Pólos magnéticos isolados (Monopolo magnético), teria conseqüências importantes para a física teórica.

Ao contrário das cargas elétricas, os pólos magnéticos sempre se forman em pares e não podem ser isolados.



O conceito de pólo magnético pode parecer semelhante ao conceito de carga elétrica, no entanto:

- Embora exista cargas negativas e positivas isoladas
- Não existem evidências experimentais de pólos magnéticos isolados.
- Os pólos magnéticos sempre existem formando pares.
- Pólos magnéticos isolados (Monopolo magnético), teria conseqüências importantes para a física teórica.

Ao contrário das cargas elétricas, os pólos magnéticos sempre se forman em pares e não podem ser isolados.



Em 1819 H. C. Oersted obteve evidencia experimental entre magnetismo e o movimento de cargas:



Em 1819 H. C. Oersted obteve evidencia experimental entre magnetismo e o movimento de cargas:

▶ A agulha de uma bússola era desviada por um fio conduzindo uma corrente elétrica.

A agulha oscila quando existe uma corrente.



Em 1819 H. C. Oersted obteve evidencia experimental entre magnetismo e o movimento de cargas:

- A agulha de uma bússola era desviada por um fio conduzindo uma corrente elétrica.
- O movimento de um ímã nas vizinhanças de uma espira condutora pode produzir corrente elétrica na espira.

O sentido da oscilação depende do sentido da corrente.



Em 1819 H. C. Oersted obteve evidencia experimental entre magnetismo e o movimento de cargas:

- A agulha de uma bússola era desviada por um fio conduzindo uma corrente elétrica.
- O movimento de um ímã nas vizinhanças de uma espira condutora pode produzir corrente elétrica na espira.
- No interior de um corpo imantado (ímã permanente), existe um movimento coordenado de alguns elétrons dos átomos.

Em 1819 H. C. Oersted obteve evidencia experimental entre magnetismo e o movimento de cargas:

- A agulha de uma bússola era desviada por um fio conduzindo uma corrente elétrica.
- O movimento de um ímã nas vizinhanças de uma espira condutora pode produzir corrente elétrica na espira.
- No interior de um corpo imantado(ímã permanente), existe um movimento coordenado de alguns elétrons dos átomos.
- No interior de um corpo não imantado o movimentos dos elétrons não são coordenados.

# Capítulo 27 - Campo Magnético e Forças Magnéticas Campo Magnético

#### Descrevemos as interações elétricas em duas etapas:

1. Uma distribuição de cargas elétricas em repouso cria um campo elétrico  $\vec{E}$  no espaço em torno da distribuição.

# Capítulo 27 - Campo Magnético e Forças Magnéticas Campo Magnético

### Descrevemos as interações elétricas em duas etapas:

- 1. Uma distribuição de cargas elétricas em repouso cria um campo elétrico  $\vec{E}$  no espaço em torno da distribuição.
- 2. O campo elétrico exerce uma força  $\vec{F}=q\vec{E}$  sobre qualquer carga q que esteja presente no campo.

#### Descrevemos as interações elétricas em duas etapas:

- 1. Uma distribuição de cargas elétricas em repouso cria um campo elétrico  $\vec{E}$  no espaço em torno da distribuição.
- 2. O campo elétrico exerce uma força  $\vec{F}=q\vec{E}$  sobre qualquer carga q que esteja presente no campo.

#### Descreveremos as interações magnéticas em duas etapas:

1. Uma carga móvel ou uma corrente elétrica cria um campo magnético em suas vizinhas (além do campo elétrico).

- 1. Uma distribuição de cargas elétricas em repouso cria um campo elétrico  $\vec{E}$  no espaco em torno da distribuição.
- 2. O campo elétrico exerce uma força  $\vec{F}=q\vec{E}$  sobre qualquer carga q que esteja presente no campo.

- 1. Uma carga móvel ou uma corrente elétrica cria um campo magnético em suas vizinhas (além do campo elétrico).
- 2. O campo magnético exerce uma força  $\vec{F}$  sobre qualquer outra corrente ou carga que se mova no interior do campo.

- 1. Uma distribuição de cargas elétricas em repouso cria um campo elétrico  $\vec{E}$  no espaço em torno da distribuição.
- 2. O campo elétrico exerce uma força  $\vec{F}=q\vec{E}$  sobre qualquer carga q que esteja presente no campo.

- 1. Uma carga móvel ou uma corrente elétrica cria um campo magnético em suas vizinhas (além do campo elétrico).
- 2. O campo magnético exerce uma força  $\vec{F}$  sobre qualquer outra corrente ou carga que se mova no interior do campo.
  - ► Tal como o campo elétrico, o campo magnético é um campo vetorial.

- 1. Uma distribuição de cargas elétricas em repouso cria um campo elétrico  $\vec{E}$  no espaço em torno da distribuição.
- 2. O campo elétrico exerce uma força  $\vec{F}=q\vec{E}$  sobre qualquer carga q que esteja presente no campo.

- 1. Uma carga móvel ou uma corrente elétrica cria um campo magnético em suas vizinhas (além do campo elétrico).
- 2. O campo magnético exerce uma força  $\vec{F}$  sobre qualquer outra corrente ou carga que se mova no interior do campo.
- ► Tal como o campo elétrico, o campo magnético é um campo vetorial.
- Em cada ponto do espaço, possui um módulo, direção e sentido.

- 1. Uma distribuição de cargas elétricas em repouso cria um campo elétrico  $\vec{E}$  no espaço em torno da distribuição.
- 2. O campo elétrico exerce uma força  $\vec{F}=q\vec{E}$  sobre qualquer carga q que esteja presente no campo.

- 1. Uma carga móvel ou uma corrente elétrica cria um campo magnético em suas vizinhas (além do campo elétrico).
- 2. O campo magnético exerce uma força  $\vec{F}$  sobre qualquer outra corrente ou carga que se mova no interior do campo.
- ► Tal como o campo elétrico, o campo magnético é um campo vetorial.
- Em cada ponto do espaço, possui um módulo, direção e sentido.
- ightharpoonup Vamos usar o símbolo  $\vec{B}$  para designar um campo magnético.

- 1. Uma carga móvel ou uma corrente elétrica cria um campo magnético em suas vizinhas (além do campo elétrico).
- 2. O campo magnético exerce uma força  $\vec{F}$  sobre qualquer outra corrente ou carga que se mova no interior do campo.
- Tal como o campo elétrico, o campo magnético é um campo vetorial.
- Em cada ponto do espaço, possui um módulo, direção e sentido.
- ightharpoonup Vamos usar o símbolo  $\vec{B}$  para designar um campo magnético.
- ► Em cada ponto, a direção é o da agulha de uma bússola, e o sentido aponta para o norte da agulha.

- Uma carga móvel ou uma corrente elétrica cria um campo magnético em suas vizinhas (além do campo elétrico).
- 2. O campo magnético exerce uma força  $\vec{F}$  sobre qualquer outra corrente ou carga que se mova no interior do campo.
- Tal como o campo elétrico, o campo magnético é um campo vetorial.
- Em cada ponto do espaço, possui um módulo, direção e sentido.
- ightharpoonup Vamos usar o símbolo  $ec{B}$  para designar um campo magnético.
- Em cada ponto, a direção é o da agulha de uma bússola, e o sentido aponta para o norte da agulha.

Considere um certo campo magnético no espaço, qual é a força que ele exerce sobre uma corrente ou sobre uma carga que se move?

Forças magnéticas sobre cargas em movimento

As 4 principais características da **força magnética** sobre uma carga em movimento em um **campo magnético** são:

1. É proporcional ao módulo da carga, q, da partícula  $(F \sim q)$ .

Forças magnéticas sobre cargas em movimento

As 4 principais características da **força magnética** sobre uma carga em movimento em um **campo magnético** são:

- 1. É proporcional ao módulo da carga, q, da partícula ( $F \sim q$ ).
- 2. É proporcional ao módulo do campo magnético,  $\vec{B}$  ( $F \sim B$ ).

Forças magnéticas sobre cargas em movimento

As 4 principais características da **força magnética** sobre uma carga em movimento em um **campo magnético** são:

- 1. É proporcional ao módulo da carga, q, da partícula ( $F \sim q$ ).
- 2. É proporcional ao módulo do campo magnético,  $\vec{B}$  ( $F \sim B$ ).
- 3. É proporcional a velocidade,  $\vec{v}$ , da partícula ( $F \sim v$ ).

Forças magnéticas sobre cargas em movimento

As 4 principais características da **força magnética** sobre uma carga em movimento em um **campo magnético** são:

- 1. É proporcional ao módulo da carga, q, da partícula ( $F \sim q$ ).
- 2. É proporcional ao módulo do campo magnético,  $\vec{B}$  ( $F \sim B$ ).
- 3. É proporcional a velocidade,  $\vec{v}$ , da partícula ( $F \sim v$ ).
- 4. Não possui a mesma direção do campo magnético  $\vec{B}$ . Está sempre em uma direção perpendicular à direção de  $\vec{B}$  e à direção de  $\vec{v}$ .

As 4 principais características da **força magnética** sobre uma carga em movimento em um **campo magnético** são:

- 1. É proporcional ao módulo da carga, q, da partícula  $(F \sim q)$ .
- 2. É proporcional ao módulo do campo magnético,  $\vec{B}$  ( $F \sim B$ ).
- 3. É proporcional a velocidade,  $\vec{v}$ , da partícula ( $F \sim v$ ).
- 4. Não possui a mesma direção do campo magnético  $\vec{B}$ . Está sempre em uma direção perpendicular à direção de  $\vec{B}$  e à direção de  $\vec{v}$ .

Essas características, podem ser resumidas matematicamente por:

$$\vec{F} = q\vec{v} \times \vec{B}$$

As 4 principais características da **força magnética** sobre uma carga em movimento em um **campo magnético** são:

- 1. É proporcional ao módulo da carga, q, da partícula  $(F \sim q)$ .
- 2. É proporcional ao módulo do campo magnético,  $\vec{B}$  ( $F \sim B$ ).
- 3. É proporcional a velocidade,  $\vec{v}$ , da partícula ( $F \sim v$ ).
- 4. Não possui a mesma direção do campo magnético  $\vec{B}$ . Está sempre em uma direção perpendicular à direção de  $\vec{B}$  e à direção de  $\vec{v}$ .

Essas características, podem ser resumidas matematicamente por:

$$\vec{F} = q\vec{v} \times \vec{B}$$

O sentido é dado pela regra da mão direita.

As 4 principais características da **força magnética** sobre uma carga em movimento em um **campo magnético** são:

- 1. É proporcional ao módulo da carga, q, da partícula  $(F \sim q)$ .
- 2. É proporcional ao módulo do campo magnético,  $\vec{B}$  ( $F \sim B$ ).
- 3. É proporcional a velocidade,  $\vec{v}$ , da partícula ( $F \sim v$ ).
- 4. Não possui a mesma direção do campo magnético  $\vec{B}$ . Está sempre em uma direção perpendicular à direção de  $\vec{B}$  e à direção de  $\vec{v}$ .

Essas características, podem ser resumidas matematicamente por:

$$\vec{F} = q\vec{v} \times \vec{B}$$

- O sentido é dado pela regra da mão direita.
- ▶ O módulo dessa força é dada por:  $F = |q|vB\sin\phi = |q|vB_{\perp} = |q|v_{\perp}B$ .

As 4 principais características da **força magnética** sobre uma carga em movimento em um **campo magnético** são:

- 1. É proporcional ao módulo da carga, q, da partícula ( $F \sim q$ ).
- 2. É proporcional ao módulo do campo magnético,  $\vec{B}$  ( $F \sim B$ ).
- 3. É proporcional a velocidade,  $\vec{v}$ , da partícula ( $F \sim v$ ).
- 4. Não possui a mesma direção do campo magnético  $\vec{B}$ . Está sempre em uma direção perpendicular à direção de  $\vec{B}$  e à direção de  $\vec{v}$ .

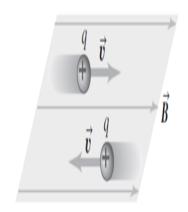
Essas características, podem ser resumidas matematicamente por:

$$\vec{F} = q\vec{v} \times \vec{B}$$

- O sentido é dado pela regra da mão direita.
- $lackbox{O}$  módulo dessa força é dada por:  $F = |q|vB\sin\phi = |q|vB_\perp = |q|v_\perp B$ .
- No S.I. a unidade de B é a mesma que a unidade de  $\frac{F}{qv}$  assim,  $1tesla = 1T = 1\frac{Ns}{Cm} = 1\frac{N}{Am}$ .

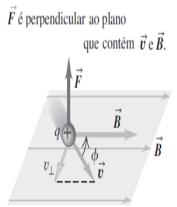
A força magnética será nula quando  $\vec{v}$  e  $\vec{B}$  forem paralelos.

$$F = qvB\sin(\phi) = qvB\sin(0) = 0$$



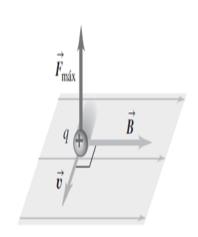
A força magnética não será nula quando,  $\vec{v}$  e  $\vec{B}$  formarem um ângulo  $\phi \neq 0$ 

$$F = qvB\sin(\phi)$$

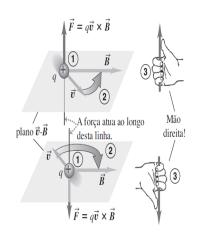


A força magnética será máxima quando,  $\vec{v}$  e  $\vec{B}$  formarem um perpendiculares  $\phi = \pi/2$ 

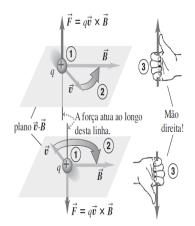
$$F = qvB\sin(\pi/2) = qvB$$



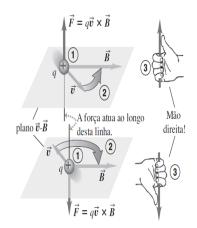
► Coloque  $\vec{v}$  e  $\vec{B}$  com as origens no mesmo ponto.



- Coloque  $\vec{v}$  e  $\vec{B}$  com as origens no mesmo ponto.
- Imagine a rotação de  $\vec{v}$  para  $\vec{B}$  no plano  $\vec{v} \vec{B}$  (Menor ângulo).



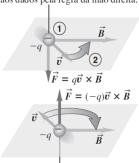
- Coloque  $\vec{v}$  e  $\vec{B}$  com as origens no mesmo ponto.
- ► Imagine a rotação de  $\vec{v}$  para  $\vec{B}$  no plano  $\vec{v} \vec{B}$  (Menor ângulo).
- A força atua ao longo da linha perpendicular ao plano. Gire sua mão de  $\vec{v}$  para  $\vec{B}$  e o seu polegar apontará o sentido da força.



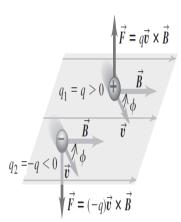
- Coloque  $\vec{v}$  e  $\vec{B}$  com as origens no mesmo ponto.
- ► Imagine a rotação de  $\vec{v}$  para  $\vec{B}$  no plano  $\vec{v} \vec{B}$  (Menor ângulo).
- A força atua ao longo da linha perpendicular ao plano. Gire sua mão de  $\vec{v}$  para  $\vec{B}$  e o seu polegar apontará o sentido da força.

### Se a carga for negativa,

a direção e o sentido da força serão *opostos* aos dados pela regra da mão direita.



- Coloque  $\vec{v}$  e  $\vec{B}$  com as origens no mesmo ponto.
- ► Imagine a rotação de  $\vec{v}$  para  $\vec{B}$  no plano  $\vec{v} \vec{B}$  (Menor ângulo).
- A força atua ao longo da linha perpendicular ao plano. Gire sua mão de  $\vec{v}$  para  $\vec{B}$  e o seu polegar apontará o sentido da força.
- Cargas positivas e negativas que se movem na mesma direção e sentido através de um campo magnético sofrem forças magnéticas nos sentidos contrários.

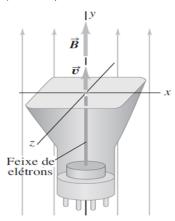


Medição de campos magnéticos com cargas de teste

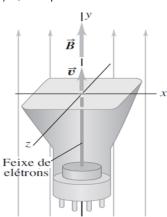
Para medir um campo magnético,  $\vec{B}$ , podemos medir o módulo, direção e sentido da força que atua em uma carga de teste  $q_0$  usando a equação,  $\vec{F}=q\vec{v}\times\vec{B}$ :

 Quando um campo magnético está presente em geral um feixe de elétrons se desvia.

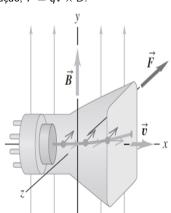
- Quando um campo magnético está presente em geral um feixe de elétrons se desvia.
- Quando  $\vec{v}$  é paralelo ou anti-paralelo ao campo  $\vec{B}$ , então,  $\phi = 0$ ,  $\pi$  e F = 0.



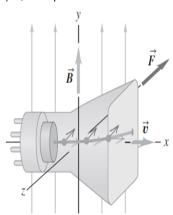
- Quando um campo magnético está presente em geral um feixe de elétrons se desvia.
- Quando  $\vec{v}$  é paralelo ou anti-paralelo ao campo  $\vec{B}$ , então,  $\phi = 0$ ,  $\pi$  e F = 0.
- Então, se um feixe de elétrons não é desviado o campo magnético aponta nesta direção.



- Quando um campo magnético está presente em geral um feixe de elétrons se desvia.
- ▶ Quando  $\vec{v}$  é paralelo ou anti-paralelo ao campo  $\vec{B}$ , então,  $\phi = 0, \pi$  e F = 0.
- Então, se um feixe de elétrons não é desviado o campo magnético aponta nesta direção.
- Se girarmos o feixe de  $\phi=\pi/2$  então a força magnética tem seu valor máximo, e o feixe é desviado ao longo de uma direção perpendicular ao plano de  $\vec{B}$  e de  $\vec{v}$ .



- Quando um campo magnético está presente em geral um feixe de elétrons se desvia.
- P Quando  $\vec{v}$  é paralelo ou anti-paralelo ao campo  $\vec{B}$ , então,  $\phi=0,\pi$  e F=0.
- Então, se um feixe de elétrons não é desviado o campo magnético aponta nesta direção.
- Se girarmos o feixe de  $\phi=\pi/2$  então a força magnética tem seu valor máximo, e o feixe é desviado ao longo de uma direção perpendicular ao plano de  $\vec{B}$  e de  $\vec{v}$ .
- Então, o modulo e o sentido do desvio determinam o modulo e o sentido do vetor  $\vec{B}$ .



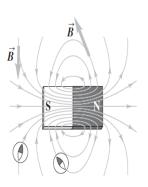
Medição de campos magnéticos com cargas de teste

Quando uma partícula carregada se move em uma região do espaço onde existe simultaneamente um campo elétrico,  $\vec{E}$ , e um campo magnético,  $\vec{B}$ , a força resultante é a soma vetorial das duas forças dada por:

Quando uma partícula carregada se move em uma região do espaço onde existe simultaneamente um campo elétrico,  $\vec{E}$ , e um campo magnético,  $\vec{B}$ , a força resultante é a soma vetorial das duas forças dada por:

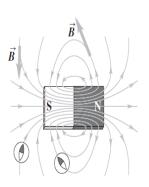
$$\begin{split} \vec{F}_R &= \vec{F}_E + \vec{F}_M \\ \vec{F}_E &= q \vec{E} \\ \vec{F}_M &= q \vec{v} \times \vec{B} \\ \vec{F}_R &= q (\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B}) \end{split}$$

 Podemos expressar qualquer campo magnético pelas linhas de campo magnético.



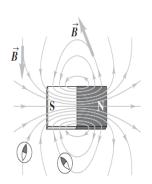
- Podemos expressar qualquer campo magnético pelas linhas de campo magnético.
- Em cada ponto, a linha do campo magnético é tangente ao vetor do campo magnético B

  .

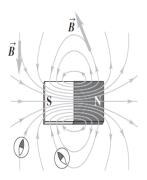


Linhas do campo magnético e fluxo magnético

- Podemos expressar qualquer campo magnético pelas linhas de campo magnético.
- Em cada ponto, a linha do campo magnético é tangente ao vetor do campo magnético β
- Quanto mais compactadas forem as linhas do campo, mais intenso será o campo neste ponto.

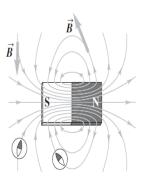


- Podemos expressar qualquer campo magnético pelas linhas de campo magnético.
- Em cada ponto, a linha do campo magnético é tangente ao vetor do campo magnético B.
- Quanto mais compactadas forem as linhas do campo, mais intenso será o campo neste ponto.
- Em cada ponto, as linhas de campo apontam no mesmo sentido que uma bússola apontaria, logo, apontam para fora dos pólos N e para dentro dos pólos S.

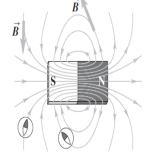


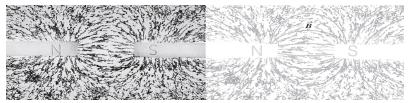
Linhas do campo magnético e fluxo magnético

- Podemos expressar qualquer campo magnético pelas linhas de campo magnético.
- Em cada ponto, a linha do campo magnético é tangente ao vetor do campo magnético B.
- Quanto mais compactadas forem as linhas do campo, mais intenso será o campo neste ponto.
- Em cada ponto, as linhas de campo apontam no mesmo sentido que uma bússola apontaria, logo, apontam para fora dos pólos N e para dentro dos pólos S.
- ▶ Como  $\vec{B}$  só pode ter uma direção e um sentido em cada ponto, concluímos que duas linhas de campo não podem se cruzar.



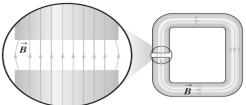
- Podemos expressar qualquer campo magnético pelas linhas de campo magnético.
- Em cada ponto, a linha do campo magnético é tangente ao vetor do campo magnético  $\vec{B}$ .
- Quanto mais compactadas forem as linhas do campo, mais intenso será o campo neste ponto.
- Em cada ponto, as linhas de campo apontam no mesmo sentido que uma bússola apontaria, logo, apontam para fora dos pólos N e para dentro dos pólos S.
- Como B só pode ter uma direção e um sentido em cada ponto, concluímos que duas linhas de campo não podem se cruzar.







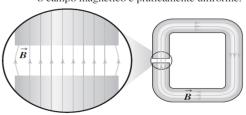
Entre pólos magnéticos planos e paralelos, o campo magnético é praticamente uniforme.



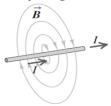
# Capítulo 27 - Campo Magnético e Forças Magnéticas

Linhas do campo magnético e fluxo magnético

Entre pólos magnéticos planos e paralelos, o campo magnético é praticamente uniforme.



Campo magnético de um fio retilíneo longo que conduz uma corrente



Vista em perspectiva

 $\vec{B}$  orientado para fora do plano

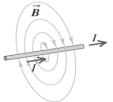


 $\vec{B}$  orientado para dentro do plano

Fio no plano do papel

# Capítulo 27 - Campo Magnético e Forças Magnéticas Linhas do campo magnético e fluxo magnético

Campo magnético de um fio retilíneo longo que conduz uma corrente



Vista em perspectiva

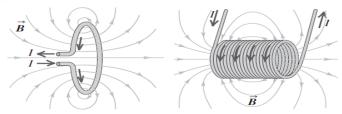
 $\overrightarrow{B}$  orientado para fora do plano



 $\vec{B}$  orientado para dentro do plano  $\times \times \times \times$ 

Fio no plano do papel

Campos magnéticos de uma espira circular e uma bobina cilíndrica que conduzem uma corrente (solenóide)



### Fluxo magnético e lei de Gauss para o magnetismo

 O fluxo magnético, Φ<sub>B</sub> através de uma superfície é definido de forma análoga à descrição do fluxo elétrico e está relacionada à lei de Gauss.



#### Fluxo magnético e lei de Gauss para o magnetismo

- O fluxo magnético, Φ<sub>B</sub> através de uma superfície é definido de forma análoga à descrição do fluxo elétrico e está relacionada à lei de Gauss.
- Podemos dividir qualquer superfície em elementos de área dA.



#### Fluxo magnético e lei de Gauss para o magnetismo

- O fluxo magnético, Φ<sub>B</sub> através de uma superfície é definido de forma análoga à descrição do fluxo elétrico e está relacionada à lei de Gauss.
- Podemos dividir qualquer superfície em elementos de área dA.
- Para cada elemento determinamos  $B_{\perp}=B\cos\phi$ , onde  $\phi$  é o ângulo entre a direção de  $\vec{B}$  e a normal à superfície no ponto.



# Linhas do campo magnético e fluxo magnético

### Fluxo magnético e lei de Gauss para o magnetismo

- O fluxo magnético, Φ<sub>B</sub> através de uma superfície é definido de forma análoga à descrição do fluxo elétrico e está relacionada à lei de Gauss.
- Podemos dividir qualquer superfície em elementos de área dA.
- Para cada elemento determinamos  $B_{\perp}=B\cos\phi$ , onde  $\phi$  é o ângulo entre a direção de  $\vec{B}$  e a normal à superfície no ponto.
- ▶ Definiremos o elemento de fluxo magnético  $d\Phi_B$  por:

$$d\Phi_B = B_{\perp} dA = B \cos \phi dA = \vec{B} \cdot d\vec{A}$$



## Linhas do campo magnético e fluxo magnético

#### Fluxo magnético e lei de Gauss para o magnetismo

- O fluxo magnético, Φ<sub>B</sub> através de uma superfície é definido de forma análoga à descrição do fluxo elétrico e está relacionada à lei de Gauss.
- Podemos dividir qualquer superfície em elementos de área dA.
- Para cada elemento determinamos  $B_{\perp}=B\cos\phi$ , onde  $\phi$  é o ângulo entre a direção de  $\vec{B}$  e a normal à superfície no ponto.
- **D**efiniremos o elemento de fluxo magnético  $d\Phi_B$  por:

$$d\Phi_B = B_{\perp} dA = B \cos \phi dA = \vec{B} \cdot d\vec{A}$$

O fluxo total através de um superfície será:

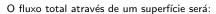
$$\Phi_B = \int \vec{B} \cdot d\vec{A}$$



Linhas do campo magnético e fluxo magnético

- O fluxo magnético, Φ<sub>B</sub> através de uma superfície é definido de forma análoga à descrição do fluxo elétrico e está relacionada à lei de Gauss.
- Podemos dividir qualquer superfície em elementos de área dA.
- Para cada elemento determinamos  $B_{\perp}=B\cos\phi$ , onde  $\phi$  é o ângulo entre a direção de  $\vec{B}$  e a normal à superfície no ponto.
- **D**efiniremos o elemento de fluxo magnético  $d\Phi_B$  por:

$$d\Phi_B = B_{\perp}dA = B\cos\phi dA = \vec{B}\cdot d\vec{A}$$



$$\Phi_B = \int \vec{B} \cdot d\vec{A}$$

O fluxo total através de um superfície fechada, pode ser obtido em analogia a Lei de Gauss da eletrostática e assim teremos:

$$\Phi_B \quad = \quad \oint \vec{B} \cdot d\vec{A} = Q^M_{liq}$$



O fluxo total através de um superfície será:

$$\Phi_B = \int \vec{B} \cdot d\vec{A}$$

O fluxo total através de um superfície fechada, pode ser obtido em analogia a Lei de Gauss da eletrostática e assim teremos:

$$\Phi_B = \oint \vec{B} \cdot d\vec{A} = 0$$

Lei de Gauss do Magnetismo.

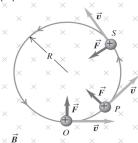
## Movimento de partículas carregas em um campo magnético.

 A força magnética é a força resultante que aponta para o centro da trajetoria, portanto, está é igual à força centripeta e assim,

$$F = qvB = m\frac{v^2}{R}$$

$$R = \frac{mv}{aB}$$

Uma carga que forma ângulos retos em relação a um campo uniforme  $\vec{B}$  se move a uma velocidade escalar constante, porque  $\vec{F}$  e  $\vec{v}$  são sempre perpendiculares entre si.



A força magnética é a força resultante que aponta para o centro da trajetoria, portanto, está é igual à força centripeta e assim,

$$F = qvB = m\frac{v^2}{R}$$

$$R = \frac{mv}{qB}$$

Um feixe de elétrons (indicado por um arco luminoso) se curva em um campo magnético

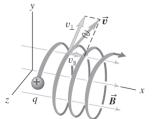


A força magnética é a força resultante que aponta para o centro da trajetoria, portanto, está é igual à força centripeta e assim,

$$F = qvB = m\frac{v^2}{R}$$

$$R = \frac{mv}{qB}$$

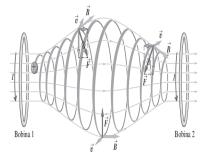
Quando a velocidade de uma partícula carregada possui um componente paralelo  $(v_{\parallel})$  e um componente perpendicular  $(v_{\perp})$  à direção de um campo magnético uniforme, a partícula descreve uma trajetória helicoidal.



 A força magnética é a força resultante que aponta para o centro da trajetoria, portanto, está é igual à força centripeta e assim,

$$F = qvB = m\frac{v^2}{R}$$

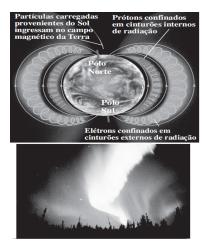
$$R = \frac{mv}{qB}$$



 A força magnética é a força resultante que aponta para o centro da trajetoria, portanto, está é igual à força centripeta e assim,

$$F = qvB = m\frac{v^2}{R}$$

$$R = \frac{mv}{qB}$$



#### Seletor de Velocidades

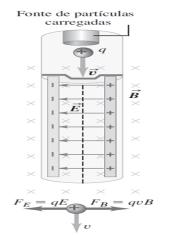
 Quando uma partícula carregada entre em uma região contendo dois campos um elétrico e um magnético cruzados, está sofre uma força dada por,

$$\vec{F} = q(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B})$$

Se a configuração de campos é como a mostrada na figura, e se a velocidade é aquela que ocorre uma situação de equilíbrio, então:

$$F = 0 = q(E - vB)$$

$$v = \frac{E}{B}$$



#### Experiência de Thomson para determinar a razão e/m.

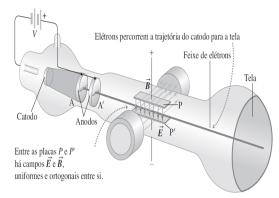
 A energia cinética inicial dos elétrons está relacionada com a energia potencial fornecida pela diferença de potencial V da bateria por,

$$K = \frac{1}{2}mv^2 = eV$$

$$v = \sqrt{\frac{2eV}{m}}$$

Para os elétrons que passam reto, sem nenhuma desvio,  $v = \frac{E}{B}$ 

$$v = \frac{E}{B} = \sqrt{\frac{2eV}{m}}$$
$$\frac{e}{m} = \frac{E^2}{2VB^2}$$



# Aplicações do movimento de partículas carregas

#### Espectrômetro de massa.

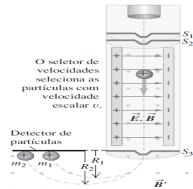
 Quando uma partícula passa por uma região de campos elétrico e magnético cruzados, vimos que a velocidade das partículas que passa sem sofrer desvio é dada por,

$$v = \frac{E}{B}$$

Puando essas partículas entrarem em um outra região com campo magnético  $\vec{B}'$ , elas efetuaram uma trajetória de raio dada por,

$$R = \frac{mv}{qB}$$

$$R = \frac{mE}{qB'B}$$



Vemos que partículas com diferentes massas farão órbitas diferentes, e partículas com cargas positivas se desviarão em sentidos opostos de partículas negativas. Força magnética sobre um condutor transportando uma corrente

### Força magnética sobre um condutor transportando uma corrente

- Considere um fio condutor conduzindo uma corrente elétrica I, se o fio tem área A, este possui uma densidade de corrente  $\vec{J}$  onde  $\vec{J} = nq\vec{v}_a$ . Nesta equação  $n = \frac{N^o \ de \ cargas}{Volume} \ e \ \vec{v}_a$  é a velocidade de arraste de uma partícula com carga q.
- Se este fio é colocado em uma região que possui um campo magnético  $\vec{B}$  então a força em uma carga dentro do fio condutor será:

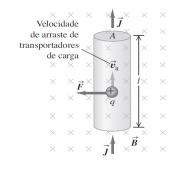
$$\vec{F}_1 = q\vec{v}_a \times \vec{B}$$

A força total em um fio de comprimento l e área A será o numero de partículas dentro deste volume, (nAl), vezes a força em cada partícula, assim:

$$\vec{F}$$
 =  $(nAI)(q\vec{v}_a \times \vec{B})$   
 $\vec{F}$  =  $(nq\vec{v}_aAI) \times \vec{B}$   
 $\vec{F}$  =  $\vec{I}\vec{I} \times \vec{B}$ 

Se o fio não é retilíneo podemos dividi-lo em segmentos infinitesimais dÎ, e o elemento de força infinitesimal será:

$$\vec{dF} = Id\vec{l} \times \vec{B}$$



# Capítulo 27 - Campo Magnético e Forças Magnéticas

Força magnética sobre um condutor transportando uma corrente

#### Força magnética sobre um condutor transportando uma corrente

- Considere um fio condutor conduzindo uma corrente elétrica I, se o fio tem área A, este possui uma densidade de corrente  $\vec{J}$  onde  $\vec{J} = nq\vec{v}_a$ . Nesta equação  $n = \frac{N^o}{Volume}$  e  $\vec{v}_a$  é a velocidade de arraste de uma partícula com carga q.
- Se este fio é colocado em uma região que possui um campo magnético  $\vec{B}$  então a força em uma carga dentro do fio condutor será:

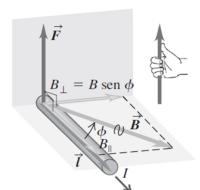
$$\vec{F}_1 = q\vec{v}_a \times \vec{B}$$

A força total em um fio de comprimento l e área A será o numero de partículas dentro deste volume, (nAl), vezes a força em cada partícula, assim:

$$\vec{F}$$
 =  $(nAI)(q\vec{v}_a \times \vec{B})$   
 $\vec{F}$  =  $(nq\vec{v}_aAI) \times \vec{B}$   
 $\vec{F}$  =  $\vec{I}\vec{I} \times \vec{B}$ 

Se o fio não é retilíneo podemos dividi-lo em segmentos infinitesimais dÎ, e o elemento de força infinitesimal será:

$$\vec{dF} = Id\vec{l} \times \vec{B}$$



## Capítulo 27 - Campo Magnético e Forças Magnéticas

Força magnética sobre um condutor transportando uma corrente

### Força magnética sobre um condutor transportando uma corrente

- Considere um fio condutor conduzindo uma corrente elétrica I, se o fio tem área A, este possui uma densidade de corrente  $\vec{J}$  onde  $\vec{J}=nq\vec{v}_a$ . Nesta equação  $n=\frac{N^o\ de\ cargas}{Volume}$  e  $\vec{v}_a$  é a velocidade de arraste de uma partícula com carga q.
- Se este fio é colocado em uma região que possui um campo magnético  $\vec{B}$  então a força em uma carga dentro do fio condutor será:

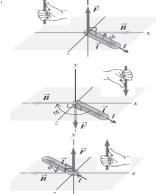
$$\vec{F}_1 = q\vec{v}_a \times \vec{B}$$

A força total em um fio de comprimento l e área A será o numero de partículas dentro deste volume, (nAl), vezes a força em cada partícula, assim:

$$\vec{F}$$
 =  $(nAI)(q\vec{v}_a \times \vec{B})$   
 $\vec{F}$  =  $(nq\vec{v}_aAI) \times \vec{B}$   
 $\vec{F}$  =  $\vec{I}\vec{I} \times \vec{B}$ 

 Se o fio não é retilíneo podemos dividi-lo em segmentos infinitesimais dÎ, e o elemento de força infinitesimal será:

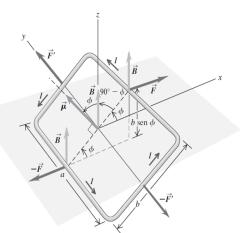
$$\vec{dF} = I d\vec{l} \times \vec{B}$$



└Força e Torque sobre uma espira de corrente

#### Força sobre uma espira de corrente.

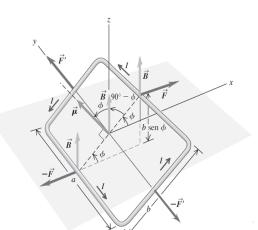
- $ightharpoonup Em(L=a) \Rightarrow F=IaB$ , mesma direção, sentidos opostos.
- ► Em(L = b)  $\Rightarrow F = IbB \sin(90^{\circ} \phi)$ , mesma direção, sentidos opostos.
- A força resultante sobre uma espira de corrente é nula.



# Capítulo 27 - Campo Magnético e Forças Magnéticas Força e Torque sobre uma espira de corrente

#### Torque sobre uma espira de corrente.

- $Em(L=a) \Rightarrow \tau = 2F(b/2)\sin\phi$ , mesma direção(y) e sentidos(+).(F=IaB)
- $\blacktriangleright Em(L=b) \Rightarrow \tau=0.$
- ▶ O torque resultante sobre uma espira de corrente, geralmente *não* é nulo.



#### Capítulo 27 - Campo Magnético e Forças Magnéticas Força e Torque sobre uma espira de corrente

### Torque sobre uma espira de corrente.

 $\blacktriangleright$   $Em(L=a) \Rightarrow \tau = 2F(b/2)\sin\phi$ , mesma direção(y) e sentidos(+).(F=IaB)

$$\blacktriangleright Em(L=b) \Rightarrow \tau=0.$$

O torque resultante sobre uma espira de corrente, geralmente não é nulo.

$$\tau = 2F(b/2)\sin\phi$$

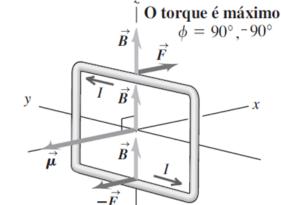
$$= \quad \mathrm{I}\mathit{abB} \sin \phi$$

$$bB \sin \phi$$

$$A)B\sin\phi$$

$$= (IA)B\sin\phi$$
$$= \mu B\sin\phi$$

A)
$$B$$
 sin  $\phi$ 



# Capítulo 27 - Campo Magnético e Forças Magnéticas Força e Torque sobre uma espira de corrente

#### Torque sobre uma espira de corrente.

$$\blacktriangleright$$
  $Em(L=a) \Rightarrow \tau = 2F(b/2)\sin\phi$ , mesma direção(y) e sentidos(+).( $F=IaB$ )

$$ightharpoonup$$
  $Em(L=b) \Rightarrow \tau=0.$ 

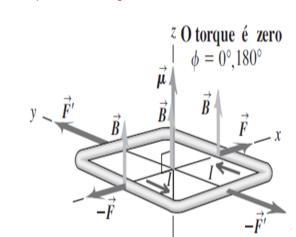
▶ O torque resultante sobre uma espira de corrente, geralmente *não* é nulo.

$$\tau = 2F(b/2)\sin\phi$$

$$\tau = IabB\sin\phi$$

$$\tau = (IA)B\sin\phi$$

$$\tau = \mu B \sin \phi$$



# Capítulo 27 - Campo Magnético e Forças Magnéticas

└Força e Torque sobre uma espira de corrente

#### Torque sobre uma espira de corrente.

► 
$$Em(L=a)$$
  $\Rightarrow \tau = 2F(b/2)\sin\phi$ , mesma direção(y) e sentidos(+).( $F=IaB$ )  
►  $Em(L=b)$   $\Rightarrow \tau = 0$ .

O torque resultante sobre uma espira de corrente, geralmente não é nulo.

$$\tau = 2F(b/2)\sin\phi$$

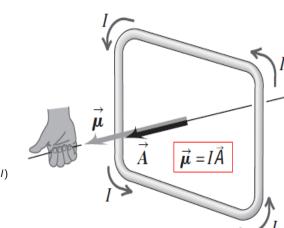
$$au = IabB \sin \phi$$

$$\tau = (IA)B\sin\phi$$
$$\tau = \mu B\sin\phi$$

Onde, A=ab é a área da espira e  $\vec{\mu}=\vec{1}\vec{A}$  é definido como o momento de dipolo magnético, ou, momento magnético. De

$$\vec{\tau} = \vec{\mu} \times \vec{B}$$
 (Torque)  
 $U = -\vec{\mu} \cdot \vec{B}$  (Energia Potencial)

forma geral,



#### Torque sobre uma espira de corrente.

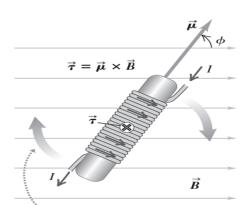
$$au = 2F(b/2)\sin\phi$$
 $au = 1abB\sin\phi$ 
 $au = (1A)B\sin\phi$ 
 $au = \mu B\sin\phi$ 

Onde, A=ab é a área da espira e  $\vec{\mu}=\vec{1}\vec{A}$  é definido como o momento de dipolo magnético, ou, momento magnético. De forma geral,

$$ec{ au} = ec{\mu} imes ec{ extbf{B}}$$
 (Torque)  
 $U = -ec{\mu} \cdot ec{ extbf{B}}$  (Energia Potencial)

Se temos N espiras, o torque resultante é a soma dos torque. Assim,

$$\vec{\mu}$$
 = NI $\vec{A}$ 

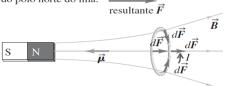


O torque tende a fazer o solenóide girar em sentido horário no plano da página, alinhando o momento magnético  $\vec{\mu}$  com o campo  $\vec{B}$ .

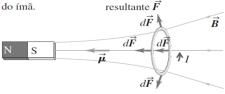
### └Força e Torque sobre uma espira de corrente

## Dipolo Magnético em um campo magnético não uniforme.

(a) A força resultante sobre esta bobina sempre se afasta do pólo norte do ímã.



(b) A força resultante sobre a mesma bobina sempre se aproxima do pólo sul resultante  $\vec{F}$ 



$$\vec{dF} = Id\vec{l} \times \vec{B}$$

Força e Torque sobre uma espira de corrente

Dipolo Magnético em um campo magnético não uniforme.

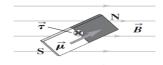
(a) Ferro não-imantado: os momentos magnéticos se orientam ao acaso.



(b) Em uma barra de ferro imantada, os momentos magnéticos se alinham.



(c) Um campo magnético cria um torque sobre a barra de ferro imantada que tende a alinhar o seu momento dipolo ao campo  $\vec{B}$ .



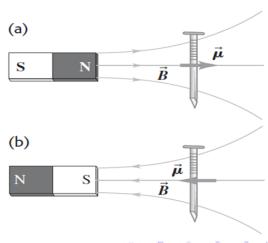
# Capítulo 27 - Campo Magnético e Forças Magnéticas

└Força e Torque sobre uma espira de corrente

### Dipolo Magnético em um campo magnético não uniforme.

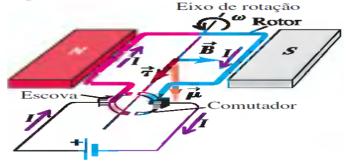
Processo de duas etapas:

- 1-Indução de  $\vec{\mu}$
- 2-Atração do corpo pelo campo  $\vec{B}$  não uniforme.

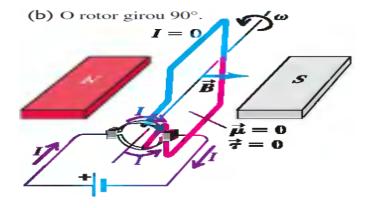


O motor de corrente contínua.

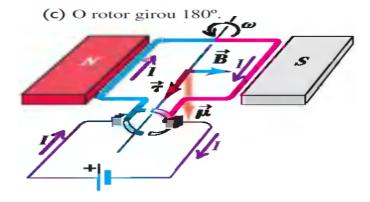
(a) As escovas são alinhadas sobre os segmentos do comutador.



O motor de corrente contínua.



O motor de corrente contínua.



#### └O motor de corrente contínua

#### O motor de corrente contínua.

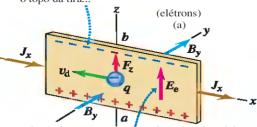


Bobinas

$$P = V_{ab}I$$
  
 $V_{ab} = \varepsilon + In$ 

## Se os portadores forem cargas negativas.

Os portadores de carga são empurrados para o topo da tira...

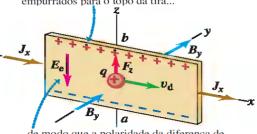


... de modo que o ponto  $\vec{a}$  esteja a um potencial mais elevado do que o ponto  $\vec{b}$ .

No equilíbrio, 
$$F_{Rz} = 0$$
  
 $qE_z + qv_aB_y = F_{Rz} = 0$ 

Se os portadores forem cargas positivas.

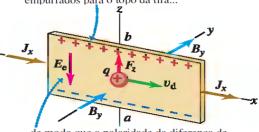
Os portadores de carga positivos são novamente empurrados para o topo da tira...



No equilíbrio, 
$$F_{Rz} = 0$$
  
 $qE_z + qv_aB_y = F_{Rz} = 0$   
 $E_z = -v_aB_y$ 

Se os portadores forem cargas positivas.

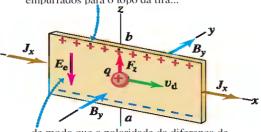
Os portadores de carga positivos são novamente empurrados para o topo da tira...



No equilíbrio, 
$$F_{Rz} = 0$$
  
 $qE_z + qv_aB_y = F_{Rz} = 0$   
 $E_z = -v_aB_y$   
 $J_X = nqv_a$ 

Se os portadores forem cargas positivas.

Os portadores de carga positivos são novamente empurrados para o topo da tira...



No equilíbrio, 
$$F_{Rz} = 0$$

$$qE_z + qv_aB_y = F_{Rz} = 0$$

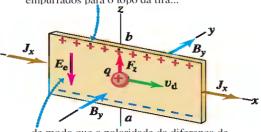
$$E_z = -v_aB_y$$

$$J_x = nqv_a$$

$$nq = -\frac{J_xB_y}{E_z}$$

Se os portadores forem cargas positivas.

Os portadores de carga positivos são novamente empurrados para o topo da tira...



No equilíbrio, 
$$F_{Rz} = 0$$

$$qE_z + qv_aB_y = F_{Rz} = 0$$

$$E_z = -v_aB_y$$

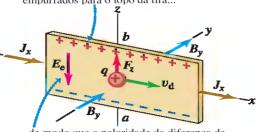
$$J_x = nqv_a$$

$$nq = -\frac{J_xB_y}{E_z}$$

$$J_x = \frac{1}{A}$$

Se os portadores forem cargas positivas.

Os portadores de carga positivos são novamente empurrados para o topo da tira...



No equilíbrio, 
$$F_{Rz} = 0$$

$$qE_z + qv_aB_y = F_{Rz} = 0$$

$$E_z = -v_aB_y$$

$$J_x = nqv_a$$

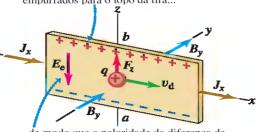
$$nq = -\frac{J_xB_y}{E_z}$$

$$J_x = \frac{I}{A}$$

$$E_z = \frac{V_{Hall}}{d}$$

Se os portadores forem cargas positivas.

Os portadores de carga positivos são novamente empurrados para o topo da tira...



No equilíbrio, 
$$F_{Rz} = 0$$

$$qE_z + qv_aB_y = F_{Rz} = 0$$

$$E_z = -v_aB_y$$

$$J_x = nqv_a$$

$$nq = -\frac{J_xB_y}{E_z}$$

$$J_x = \frac{I}{A}$$

$$E_z = \frac{V_{Hall}}{d}$$

$$nq = -\frac{IB_yd}{V_{Hall}All}$$

Se os portadores forem cargas positivas.

Os portadores de carga positivos são novamente empurrados para o topo da tira...

